



الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية  
وزارة التربية الوطنية  
مؤسسة التربية والتعليم الخاصة سليم

ETABLISSEMENT PRIVE D'EDUCATION ET D'ENSEIGNEMENT SALIM

www.ets-salim.com 021 87 10 51 021 87 16 89 Hai Galloul - bordj el-bahri alger

رخصة فتح رقم 1088 بتاريخ 30 جانفي 2011

خضيري- ابتدائي- متوسط - ثانوي

إعتماد رقم 67 بتاريخ 06 سبتمبر 2010

مارس 2019

المستوى: الثالثة ثانوي (علوم تجريبية) 3ASS

المدة: 03سا00

امتحان الفصل الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول: (4ن)

- (1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $C$ ، المعادلة ذات المجهول  $Z$  :  $(Z - 2i)(Z^2 - 2\sqrt{3}Z + 4) = 0$  .  
(2) في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$ . نعتبر النقط  $A, B, C, D$  ذات اللاحقات  $Z_A = \sqrt{3} - i$  ؛  $Z_B = \sqrt{3} + i$  ؛  $Z_C = 2i$  ؛  $Z_D = -\sqrt{3} - i$  على الترتيب.  
أ - تحقق أن النقط  $A, B, C, D$  تنتمي إلى نفس الدائرة. يطلب تعيين مركزها ونصف قطرها.  
ب - علم بدقة النقط  $A, B, C, D$  .

ج- اكتب العدد  $\frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B}$  على الشكل الأسّي، ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

- (3) لتكن النقطة  $G$  مرجح النقط  $A, B, C$  المرفقة بالمعاملات  $1, -1, 2$  على الترتيب.  
أ- عين إحداثيي النقطة  $G$ .

ب - عيّن  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  من المستوي التي تحقق  $MA^2 - MB^2 + 2MC^2 = 8$

التمرين الثاني (4ن):

(1)  $(V_n)$  متتالية هندسية حدودها موجبة تماما و المعرفة على  $\mathbb{N}$  حيث :  $V_1 - V_3 = \frac{7}{16}$  و

$$V_1 V_2 V_3 = \frac{27}{64}$$

أ- احسب  $V_2$  و الأساس  $q$  لمتتالية  $(V_n)$

ب- اكتب  $V_n$  بدلالة  $n$

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بالعلاقة :  $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n - \frac{1}{2}$  و  $u_0 = -\frac{2}{3}$

أ- برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n > -2$  .

ب- أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  ، ثم استنتج أنها متقاربة .

(2) لتكن  $(W_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}$  بالعلاقة :  $W_n = u_n - v_n$  .

الصفحة 2/1

حي قفلول - برج البحري - الجزائر

Web site : [www.ets-salim.com](http://www.ets-salim.com) / Fax 023.94.83.37 : الفاكس : Tel : 0560.94.88.02/05.60.91.22.41/05.60.94.88.05

أ- اثبت بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $W_n > -2$

ب- استنتج عبارة  $U_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب نهايتها

ج- احسب المجموع  $S_n$  بدلالة  $n$ :  $S_n = \frac{u_1}{v_1} + \frac{u_2}{v_2} + \dots + \frac{u_n}{v_n}$

### التمرين الثالث (4ن) :

يحتوي كيس على أربع كرات بيضاء تحمل الأرقام 0 1 1 2 و أربع كرات حمراء تحمل الأرقام 1 1 2 2

نسحب عشوائيا و في آن واحد ثلاث كرات من نفس الكيس

(1) احسب احتمال الحوادث الآتية:

A: الحصول على ثلاث كرات من نفس اللون

B: الحصول على ثلاث كرات من نفس الرقم

C: الحصول على ثلاث كرات أرقامها مختلفة مثني مثني

(2) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحبة عدد الكرات المسحوبة تحمل الرقم 1

(ا) عين قانون احتمال المتغير العشوائي

(ب) احسب الأمل الرياضي  $E(X)$  و الانحراف المعياري

### التمرين الرابع (8ن) :

f دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعبارة:  $f(x) = x - 1 + (x^2 + 2)e^{-x}$  و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم

متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة 2cm)

I - لتكن g الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كمايلي:  $g(x) = 1 - (x^2 - 2x + 2)e^{-x}$

(1) أحسب نهايات الدالة g عند  $-\infty$  و  $+\infty$ .

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة g و شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0.35 < \alpha < 0.36$

(3) استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$

1- II احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

(2) ادرس اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها

(3) بين أن  $f(\alpha) = \alpha(1 + 2e^{-\alpha})$  ثم عين حصر  $f(\alpha)$

(4) بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = x - 1$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  ثم ادرس الوضع النسبي

لـ  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$

(5) أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة التي فاصلتها 0.

(6) ارسم المنحنى  $(C_f)$  و  $(\Delta)$  و  $(T)$ .

(7) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد و إشارة حلول المعادلة ذات المجهول x التالية :

$$E(x) : 2x + (x^2 + 2)e^{-x} - 1 - 2m = 0$$

## التصحيح النموذجي :

### التمرين الاول: (4ن)

(1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$ ، المعادلة ذات المجهول  $Z$  :  $(Z - 2i)(Z^2 - 2\sqrt{3}Z + 4) = 0$  .

$$Z_C = 2i \quad ; \quad Z_B = \sqrt{3} + i \quad ; \quad Z_A = \sqrt{3} - i$$

(2) في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{u}; \vec{v})$ . نعتبر النقط  $A, B, C, D$  ذات اللاحقات

$$Z_A = \sqrt{3} - i \quad ; \quad Z_B = \sqrt{3} + i \quad ; \quad Z_C = 2i \quad ; \quad Z_D = -\sqrt{3} - i \text{ على الترتيب.}$$

أ - تحقق أن النقط  $A, B, C, D$  تنتمي إلى نفس الدائرة التي مركزها  $O$  يطلب تعيين نصف قطرها.

$$OA = OB = OC = OD = r$$

ب - علم بدقة النقط  $A, B, C, D$ .

ج- اكتب العدد  $\frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B}$  على الشكل الأسّي، ثم استنتج طبيعة المثلث  $ABC$ .

$$\frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B} = 1e^{\frac{4\pi i}{3}}$$

(3) لتكن النقطة  $G$  مرجح النقط  $A, B, C$  المرفقة بالمعاملات  $1, -1, 2$  على الترتيب.

أ- عين احداثيي النقطة  $G$ .

$$G(0,1)$$

ب (  $\Gamma$  ) مجموعة النقط  $M$  من المستوي التي  $MA^2 - MB^2 + 2MC^2 = 8$

هي الدائرة التي مركزها  $G$  ونصف قطرها  $r$  يطلب تعيينه

### التمرين الثاني (4ن)

(4)  $(V_n)$  المتتالية الهندسية الموجبة تماما و المعرفة على  $\mathbb{N}$  حيث :  $V_1 - V_3 = \frac{7}{16}$  و

$$V_1 V_2 V_3 = \frac{27}{64}$$

أ- احسب  $V_2$  و الاساس  $q$  لمتتالية  $(V_n)$

$$V_2 = \frac{3}{4} \quad \text{و} \quad q = \frac{25}{4}$$

ب- اكتب  $V_n$  بدلالة  $n$

$$V_n = \frac{12}{625} \left( \frac{25}{4} \right)^n$$

(5) نعتبر المتتالية  $(u_n)$  معرفة على  $\mathbb{N}$  بالعلاقة :  $u_0 = -\frac{2}{3}$  و  $u_{n+1} = \frac{3}{4}u_n - \frac{1}{2}$

أ- برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $u_n > -2$  .

ب- أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  ، ثم استنتج أنها متقاربة .

(6) لتكن  $(W_n)$  متتالية عددية معرفة على  $\mathbb{N}$  بالعلاقة :  $W_n = u_n - v_n$  .

أ- اثبت بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $W_n = -2$  .

ب- استنتج عبارة  $U_n$  بدلالة  $n$  ثم احسب نهايتها

ج- احسب المجموع  $S_n$  بدلالة  $n$  :  $S_n = \frac{u_1}{v_1} + \frac{u_2}{v_2} + \dots + \frac{u_n}{v_n}$

### التمرين الثاني:

يحتوي كيس على أربع كرات بيضاء تحمل الأرقام 0 1 1 2 و أربع كرات حمراء تحمل الأرقام 1 1 2 2  
نسحب عشوائيا و في ان واحد ثلاث كرات من نفس الكيس

$$P(\Omega) = C_8^3 = 56$$

$$P(A) = \frac{C_4^3 + C_4^3}{56} = \frac{8}{56} = \frac{1}{7}$$

$$P(B) = \frac{C_4^3 + C_3^3}{56} = \frac{5}{56}$$

(4) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل سحبة عدد الكرات المسحوبة تحمل الرقم 1  
قانون احتمال المتغير العشوائي

$x_i$	0	1	2	3
$P(X = x_i)$	$\frac{4}{56}$	$\frac{24}{56}$	$\frac{24}{56}$	$\frac{4}{56}$

احسب الامل الرياضي  $E(x)$

$$E(x) = 1.5$$

### التمرين الرابع: (8ن)

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالعلاقة :  $f(x) = x - 1 + (x^2 + 2)e^{-x}$  و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في معلم

متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  (الوحدة 2cm)

دراسة دالة مساعدة :

لتكن  $g$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كمايلي :  $g(x) = 1 - (x^2 - 2x + 2)e^{-x}$

حي فقلول -برج البحري- الجزائر

(8) أحسب نهايات الدالة  $g$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$  .

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -\infty \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = 1$$

(9) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  و شكل جدول تغيراتها .

$$g(x) = (x^2 - 4x + 4)e^{-x}$$

(10) بين ان المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0.35 < \alpha < 0.36$

(7) اشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$  موجبة على المجال  $]-\infty, \alpha]$

سالبة على المجال  $[\alpha, +\infty[$

### دراسة الدالة f:

(5) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

(6) ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  و شكل جدول تغيراتها

$$f'(x) = g(x)$$

(7)  $f(\alpha) = \alpha(1 + 2e^{-\alpha})$  ثم عين حصرال  $f(\alpha)$

(11) بين ان المستقيم  $y = x - 1$  ( $\Delta$ ) مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$  ثم ادرس الوضع النسبي ل  $(C_f)$

بالنسبة الى المستقيم ( $\Delta$ )

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) - y = 0$$

(12) أكتب معادلة للمماس ( $T$ ) عند النقطة التي فاصلتها 0.

(13) ارسم المنحنى  $(C_f)$  و ( $\Delta$ ) و ( $T$ ) .

(14) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و اشارة حلول المعادلة دات المجهول  $x$  التالية :

$$E(x): 2x + (x^2 + 2)e^{-x} - 1 - 2m = 0$$